

طراحی و آنالیز چیدمان تراسترهای گیمبالی برای کنترل وضعیت سه محور سه ماهواره

فرهاد فانی صابری^۱، مهدی زندیه^۲

۱ استادیار پژوهشکده علوم و فناوری فضا، دانشگاه صنعتی امیرکبیر، f.sabery@aut.ac.ir

۲ کارشناسی ارشد برق - کنترل، دانشگاه آزاد واحد علوم و تحقیقات بروجرد

تاریخ دریافت: ۹۳/۴/۱۴ تاریخ پذیرش: ۹۴/۱/۱۵

چکیده

تراسترهای عکس‌العملی به منظور کنترل وضعیت فضاپیماها بسیار مورد توجه قرار می‌گیرند، زیرا علیرغم پیچیدگی تحلیل، تقریباً می‌توانند هر سطح گشتاوری را تأمین کنند. در این راستا کنترل مناسب یک فضاپیما با استفاده از تراسترها به چیدمان صحیح و کارآمد آن‌ها روی بدنه ماهواره بستگی دارد و بهینه‌سازی مصرف سوخت و افزایش قابلیت اطمینان دو موضوع مهم در طراحی چیدمان تراسترها می‌باشد. برای تولید گشتاورهای مختلف حول سه محور ماهواره و بالا بردن قابلیت اطمینان به تعداد زیادی تراستر ثابت نیاز است که از نظر مصرف سوخت و محدودیت جرم و توان به صرفه نمی‌باشد. در این مقاله به منظور حل این مشکل، استفاده از تراسترهای گیمبالی پیشنهاد می‌گردد. با استفاده از تراسترهای گیمبالی بوسیله عنصر متحرک دو محوره می‌توان با دو، سه و چهار تراستر کل فضای کاری گشتاور حول سه محور را پوشش داد و کنترل وضعیت سه محوره یک فضاپیما را انجام داد. در این مقاله پس از معرفی تراسترهای گیمبالی و بررسی ساختار آنها، مزایای آنها نسبت به تراسترهای ثابت مورد بررسی قرار می‌گیرد. سپس چیدمانهای مختلف تراسترهای گیمبالی طراحی و پوشش فضای کاری آنها مورد بررسی و آنالیز قرار خواهد گرفت. در نهایت چیدمان مناسب از نظر پوشش فضای کاری، جهت کنترل وضعیت سه محوره یک ماهواره انتخاب شده است.

کلیدواژه:

تراستر عکس‌العملی گیمبالی، طراحی چیدمان، کنترل وضعیت سه محوره، ماهواره، فضای کاری

مقدمه

قرار گیرد. چیدمان تراسترها از عواملی نظیر موقعیت حسگرهای نوری، صفحات خورشیدی، آنتن‌ها و... تحت تاثیر قرار می‌گیرند [۱].

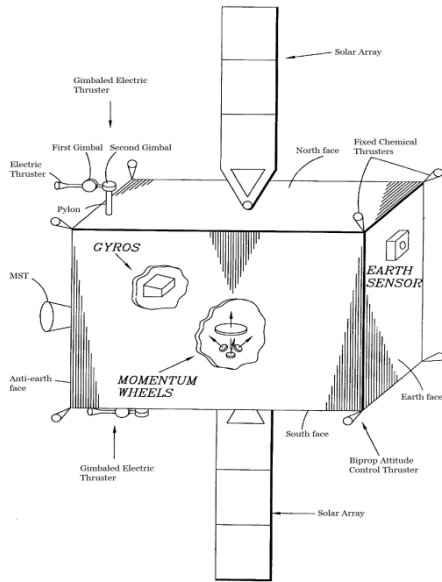
در مرجع [۱] دو ساختار شش تراستری و چهار تراستری ثابت معرفی شده و عملکرد آنها مورد ارزیابی قرار گرفته است. با استفاده از شش تراستر با توجه به ثابت بودن تراسترها، هر تراستر فقط در یک جهت گشتاور تولید می‌کند و این باعث افزایش مصرف سوخت می‌شود. علاوه بر این از تراسترهای اضافی به جهت بالا بردن قابلیت اطمینان استفاده شده است و همین موضوع سبب افزایش مصرف سوخت و افزایش وزن ماهواره خواهد شد. در حالت چهار تراستری با توجه به کاهش تراسترها مصرف سوخت کاهش پیدا می‌کند اما افزایش سرعت خطی در جهات مطلوب بدنی مقدور نمی‌باشد.

در سالهای اخیر تحقیقات بسیاری در زمینه چیدمان عملگرها جهت کنترل وضعیت فضاپیماها به ثبت رسیده است که در قالب طرح‌هایی برای بهینه‌سازی مصرف سوخت ارائه شده‌اند [۲ و ۳]. در

کنترل وضعیت ماهواره به کمک عملگرهای مختلفی انجام می‌گیرد. از جمله این عملگرها چرخ‌های عکس‌العملی، ژایرو ممانهای کنترلی، تراسترهای عکس‌العملی و گشتاوردهنده‌های مغناطیسی می‌باشند. تراسترهای عکس‌العملی بدلیل قابلیت تولید گشتاورهای بزرگ مورد نیاز در کنترل وضعیت ماهواره‌ها در حضور تغییرات مداری به میزان قابل توجهی مورد استفاده قرار می‌گیرند.

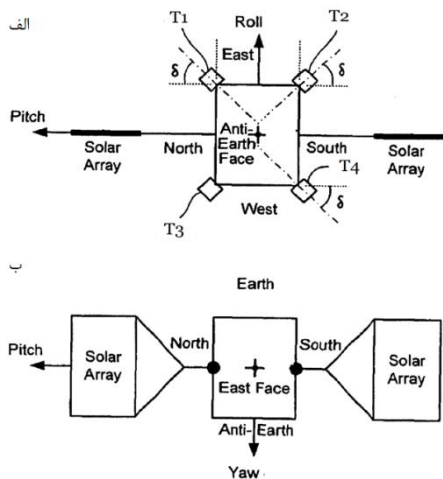
سطح گشتاوری که یک تراستر حول یک محور ماهواره می‌تواند اعمال کند، به سطح تراست تراستر و طول بازوی گشتاور حول آن محور وابسته است. این بدان معناست که استفاده صحیح از تراسترها اساساً به موقعیت آنها بر روی ماهواره و همچنین زاویه نصب آنها نسبت به محورهای بدنه ماهواره بستگی دارد. در مواردی ممکن است گشتاورهای مختلفی حول سه محور اصلی بدنه ماهواره نیاز باشد، بنابراین موقعیت تراسترها و جهتشان باید قبل از برپایی فیزیکی نهایی سیستم پیشرانش به دقت مورد بررسی

ثابت استفاده شده در آن است و این باعث افزایش مصرف سوخت می‌شود.



شکل ۲. مدل ماهواره با دو تراستر گیمبال و ۸ تراستر ثابت

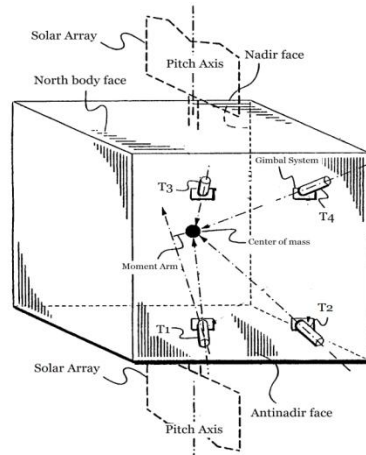
در مرجع [۷] مدلی با چهار تراستر گیمبالی معرفی شده است (شکل ۳). در این مدل تراسترها در محل تقاطع صفحات شمالی و جنوبی با صفحات شرقی و غربی و بطور قرینه نسبت به مرکز جرم قرار گرفته‌اند. تراسترها روی پلت فرم‌های گیمبال تک محوره قرار گرفته‌اند بطوریکه می‌توانند با چرخش راستای بردار تراسترشان را تغییر دهند. در این مدل وظیفه اصلی تراسترها حفظ مدار شمالی/جنوبی و شرقی/غربی است. در عمل با توجه به چیدمان تراسترها در این مدل، ایجاد گشتاور حول همه محورها امکانپذیر نیست و به ادوات دیگری نظیر چرخهای عکس‌العملی و یا تراسترهای ثابت اضافی نیاز است.



شکل ۳. دو نما از محل قرارگیری تراستر در چیدمان چهار تراستری

طرح‌های دیگری استفاده از تراستر گیمبالی پیشنهاد شده است [۴]. سیستم گیمبال به تراستر این اجازه را می‌دهد که به جهت دلخواه دوران کند و گشتاور مناسب را در راستای مطلوب تولید کند.

در مرجع [۵] یک چیدمان چهار تراستری گیمبالی معرفی شده است (شکل ۱). در این روش چهار تراستر بصورت قطری روی وجه مخالف زمین قرار گرفته‌اند. این تراسترها بصورت جفت می‌باشند به گونه‌ای که هر یک از دو تراستر شمالی بشکل قطری یک تراستر وابسته جنوبی دارد. هر تراستر یک سیستم گیمبال دارد که باعث چرخش تراستر و در نتیجه تغییر زاویه نیروی تراست آن می‌شود. وظیفه اصلی تراسترها در این چیدمان حفظ مدار ماهواره و باربرداری اندازه حرکت می‌باشد. در این چیدمان تولید گشتاور در همه جهات مقدور نمی‌باشد، به قسمی که با توجه به شکل ۱ ایجاد گشتاور در راستای مخالف زمین امکانپذیر نیست و برای کنترل وضعیت کامل نیازمند ادوات دیگری می‌باشد.



شکل ۱. بدنه ماهواره با چهار تراستر

در مرجع [۶] مدلی از ماهواره معرفی شده است که در آن دو تراستر الکتریکی با I_{sp} (ضربه مشخصه) بالا استفاده شده است (شکل ۲). این دو تراستر مجهز به سیستم گیمبال دو محوره هستند که می‌تواند تراسترها را به دو جهت حرکت دهد. وظیفه اصلی این دو تراستر کنترل وضعیت و نیز حفظ مدار شمالی/جنوبی ماهواره می‌باشد. علاوه بر این دو تراستر، تعدادی چرخهای عکس‌العملی و ۸ عدد تراستر ثابت در گوشه‌ها وجود دارد. این تراسترهای ثابت عموماً برای حفظ مدار شرقی/غربی استفاده می‌شوند و چرخهای عکس‌العملی وظیفه جهت دهی و هدایت ماهواره را بر عهده دارند. در واقع این مدل ساختاری ترکیبی از تراستر و چرخهای اندازه حرکت برای کنترل وضعیت و موقعیت ماهواره است. یکی از مزایای این چیدمان موقعیت قرارگیری آنها روی بدنه ماهواره است بگونه‌ای که دود حاصل از آنها روی صفحات خورشیدی را نپوشاند و مزاحم ادوات مخابراتی نشود. مشکل اصلی استفاده از این مدل تعداد بالای تراسترهای

ماهواره را کنترل نماید. سیستم گیمبال دو محوره در شکل (۴) مشاهده می‌شود.



شکل ۴. الف) یک نمونه سیستم گیمبال دو محوره [۸]، ب) جهت چرخش گیمبال‌ها

هر مکانیزم گیمبال، از یک گیمبال اولیه تشکیل شده است که حرکتی محوری حول محور موازی با پیچ دارد. همچنین یک گیمبال ثانویه دارد که به گیمبال اولیه متصل است و برای حرکت محوری حول محور موازی با محور رول در نظر گرفته شده است. بوسیله این مکانیزم گیمبال دو محوره تراستر می‌تواند به منظور مانورهای مختلف وضعیت تغییرات زوایای آزیموت و فراز مناسب برای جهت اعمال تراستر را ایجاد کند. در ادامه این موضوع بسیار مهم نشان داده خواهد شد که برای پوشش فضای کاری به ازای هر تراستر گیمبالی تک محوره در سیستم گیمبال، در مقایسه با سیستم تراستری ثابت، حداقل دو تراستر ثابت نیاز است و به ازای هر تراستر گیمبالی دو محوره، حداقل سه تراستر ثابت مورد نیاز است [۹] (شکل ۵-الف). برای بررسی این موضوع، فضای کاری که یک تراستر گیمبالی دو محوره در سیستم تراستر گیمبالی پوشش می‌دهد با سه تراستر ثابت در شکل ۵-ب مقایسه شده است. همانطور که در شکل مشاهده می‌شود، برای پوشش فضایی که سیستم تراستر گیمبالی پوشش داده است، حداقل به سه تراستر ثابت نیاز است. در جدول ۱ مقایسه بین مزایا و معایب سیستم تراسترهای گیمبالی و ثابت خلاصه شده است.

جدول ۱. مقایسه تراسترهای گیمبالی و ثابت

مزایا	معایب	گیمبالی
- تعداد کم تراستر مورد نیاز	- مصرف توان الکتریکی بالاتر در موتورهای پله‌ای با افزایش تعداد آنها	گیمبالی
- مصرف سوخت کمتر با بکارگیری الگوریتم کنترل و چیمان مناسب	- احتمال فرسوگی سیستم گیمبال و موتورهای پله‌ای با تغییر مکرر زوایا	
- در دسترس بودن سطح بیشتری از ماهواره	- پیچیدگی تحلیل	
- عدم دودزایی بر ادوات دیگر نظیر صفحات خورشیدی و ... با چیدمان مناسب		

اگرچه استفاده از تراسترهای اضافی موجب افزایش دقت وضعیت می‌شود، اما با وجود امکان کاهش مصرف سوخت با الگوریتم کنترل مناسب، سبب افزایش وزن ماهواره خواهد شد. از این رو باید مدلی ارائه کرد که هم بتواند به خوبی وظیفه کنترل وضعیت را انجام دهد و هم در مصرف سوخت صرفه جویی شده و وزن ماهواره نیز کاهش یابد. از طرفی، دیگر بحث مطرح در این زمینه، قابلیت اطمینان زیر سیستم کنترل وضعیت با استفاده از تراستر می‌باشد. این موضوع باید بطور دقیق بررسی شود و اینکه با معیوب شدن هر کدام از تراسترها و یا سیستم گیمبال در تراسترهای گیمبالی بر گشتاورهای تولیدی در راستاهای مختلف چه اثری گذاشته می‌شود.

در این مقاله ابتدا در بخش بعد به معرفی تراسترهای گیمبالی و بیان مزایای آنها در مقایسه با تراسترهای ثابت و بیان اساس عملکرد آنها پرداخته شده است. سپس چیدمان‌های مختلف و پوشش فضای گشتاوری توسط تراسترها بررسی شده‌اند. در بخش بعد به بررسی و ارزیابی شایستگی چیدمان‌های مختلف پرداخته شده و در بخش بعد چیدمان مناسب انتخاب شده و نتایج شبیه‌سازی مورد تحلیل و ارزیابی قرار گرفته‌اند.

تراسترهای گیمبالی

گیمبال یک سیستم چرخشی حول یک محور می‌باشد و به سیستم گیمبال تک محوره معروف است. این سیستم از یک موتور پله‌ای با زاویه خروجی کوچک در حدود $0/0625$ درجه به همراه کاهنده سرعت درایو هارمونیک و یک عضو چرخشی بزرگ تشکیل شده است [۸]. امروزه مکانیزم‌هایی برای تولید این سیستم‌ها به کار می‌رود تا بر طول عمر آنها افزوده شده و از خوردگی و ساییدگی جلوگیری شود.

در برخی کاربردها نیاز است که حرکت در دو بعد و حول دو محور عمود برهم انجام شود. بدین منظور سیستم گیمبال با دو محور ساخته شده است. سیستم گیمبال دو محوره از ترکیب دو سیستم گیمبال تک محوره که به صورت عمود برهم قرار دارند، تشکیل شده است. این گیمبال‌ها طوری طراحی می‌شوند که چرخش حول هر کدام از محورها به راحتی انجام شود و زاویه‌های فرازا^۱ و آزیموت^۲ دلخواه به سهولت ایجاد گردد.

از ویژگی‌های سیستم گیمبال دو محوره چرخش 360 درجه‌ای زاویه آزیموت با گیمبال افقی و چرخش 180 درجه‌ای زاویه فراز با گیمبال عمودی می‌باشد که کل فضای کروی اطرافش را پوشش می‌دهد [۸]. لذا با فرض قرارگرفتن تراستر گیمبالی دو محوره بر روی عنصر متحرک بالایی سیستم گیمبال، می‌تواند نیروی کافی در راستای مطلوب را به ماهواره وارد کند و وضعیت و موقعیت

1 Elevation
2 Azimuth

عنوان بار یک سیستم گیمبالی حدود ۵۰۰ گرم می‌باشد، نیازی به استفاده از سیستم گیمبالی با وزن بالا نمی‌باشد و با ساخت یک سیستم گیمبالی با وزن بسیار پایین (در حدود وزن خود تراستر) می‌توان یک سیستم تراستر گیمبالی با وزن پایین به منظور کنترل وضعیت ماهواره ایجاد کرد که در مقایسه با مجموعه تراسترهای ثابت از وزن کمتری برخوردار است. بطور مثال یک سیستم تراستری ثابت با ۸ تراستر ثابت حدود ۴ کیلوگرم وزن دارد اما سیستم تراستر گیمبالی با دو تراستر گیمبالی حدود ۳ کیلوگرم یا کمتر وزن خواهد داشت. (جدول ۲)

ثابت	- تحلیل آسانتر	- تعداد بیشتر تراستر
	- مصرف سوخت بالاتر	- اشغال کردن سطح بیشتری از بدنه ماهواره و ایجاد محدودیت برای دیگر ادوات

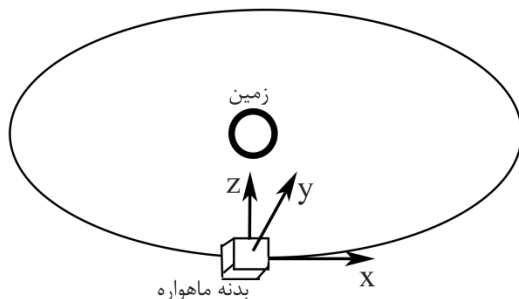
همانطور که مشاهده می‌شود، تراسترهای گیمبالی علی‌رغم پیچیدگی تحلیل مزایای بسیاری دارند که می‌توان بر آنها تکیه کرد. در صورتی که در چیدمان تراسترهای ثابت محدودیت‌های بیشتری ایجاد می‌شود. همچنین سیستم تراسترهای گیمبالی قابلیت اطمینان بالاتری دارند. بدین معنی که اگر سیستم گیمبال تراسترها معیوب شود، با چیدمان مناسب می‌توان توسط تراسترهای دیگر این کمبود را جبران کرد. این مزایا می‌تواند دلیلی بر ترجیح استفاده از تراستر گیمبالی بر تراسترهای ثابت باشد.

جدول ۲. مقایسه وزنی تراسترهای گیمبالی و ثابت

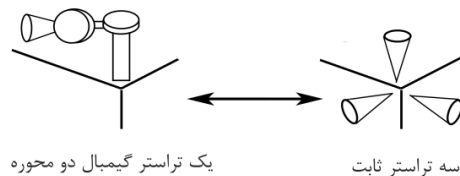
وزن (کل کیلوگرم)	وزن واحد (کیلوگرم)	تعداد	
۴	۰/۵	۸	ثابت
۳	۰/۵	۲	گیمبال

طراحی چیدمان‌های مختلف با استفاده از تراسترهای گیمبالی

در این بخش چیدمان‌های مختلف با دو، سه و چهار تراستر گیمبالی جهت پوشش فضای کاری به منظور کنترل سه محوره یک ماهواره بررسی می‌شود. در این ساختارها از تراسترها با مکانیزم گیمبال دو محوره استفاده شده است. در این ساختارها همانطور که در شکل ۶ مشاهده می‌شود، محور x هم راستای مدار ماهواره و عمود بر صفحات شرقی/غربی و محور y عمود بر صفحات شمالی/جنوبی و محور z به سوی مرکز جرم زمین قرار دارند. همچنین صفحات خورشیدی در صفحات شمالی و جنوبی واقع شده‌اند.



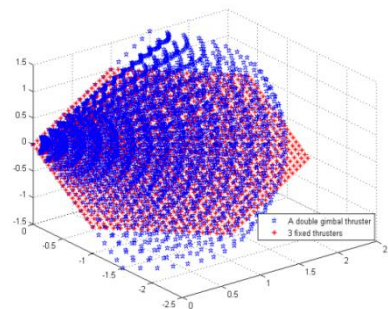
شکل ۶. موقعیت ماهواره در فضا



یک تراستر گیمبال دو محوره

سه تراستر ثابت

الف:



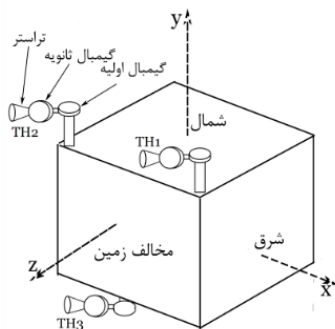
ب:

شکل ۵. الف) نحوه قرارگیری تراسترها، ب) مقایسه فضای کاری پوشش داده شده توسط تراسترها

برای مقایسه وزن سیستم تراستری گیمبال با مجموعه تراسترهای ثابت باید به این نکته توجه داشت که سیستم‌های گیمبالی که امروزه برای کاربردهای مختلف ساخته می‌شوند، توانایی تحمل بارها با وزن‌های مختلفی را دارند. بطور مثال یک سیستم گیمبال ساخته شده توسط شرکت MOOG، وزنی کمتر از ۱۱ پوند (۴/۵ کیلوگرم) دارد و توانایی تحمل باری ۵۰ پوندی (۲۳ کیلوگرمی) را دارد. بنابراین با توجه به اینکه وزن هر تراستر کنترل وضعیت به

چیدمان دو تراستری

در این ساختار از دو تراستر گیمبال TH_1 و TH_2 استفاده شده است که در دو صفحه شمالی و جنوبی قرار گرفته‌اند (شکل ۷). هر کدام از این دو تراستر در گوشه‌های صفحات شمالی و جنوبی به در



شکل ۹. موقعیت قرارگیری تراستر در چیدمان سه تراستری

چیدمان چهار تراستری با تراسترهای مجزا

در این حالت همانند موارد قبل از سیستم گیمبال دو محوره استفاده شده است. ترتیب قرارگرفتن تراسترها بصورت چهار تراستر در گوشه‌های صفحات شمالی و جنوبی قرار گرفته‌اند (شکل ۱۰). در این چیدمان، کنترل زوایای آزیموت و فراز هر تراستر به صورت مجزا صورت می‌گیرد. با استفاده از این چیدمان می‌توان گشتاورهای مختلفی حول مرکز جرم ماهواره ایجاد کرد. معادلات مؤلفه‌های نیروی تولید شده توسط تراسترها در همه ساختارها بصورت زیر است:

$$F_i = [F_{xi} \ F_{yi} \ F_{zi}]$$

$$\begin{cases} F_{xi} = f_i \cos \alpha_i \sin \beta_i \\ F_{yi} = f_i \sin \alpha_i \\ F_{zi} = f_i \cos \alpha_i \cos \beta_i \end{cases}$$

(۱)

که $i = 1, \dots, N$ تعداد تراسترها و f_i سطح تراست هر یک از آنهاست.

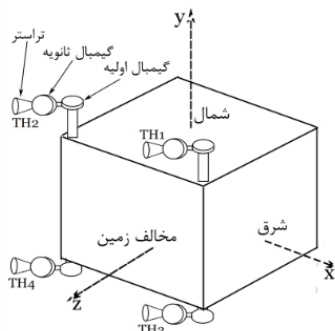
اگر r_i بازوهای گشتاور نیروهای تراسترها نسبت به مرکز جرم ماهواره باشند، برای گشتاور کل حول مرکز جرم داریم:

$$T_i = r_i \times F_i$$

$$T = \sum_{i=1}^N T_i$$

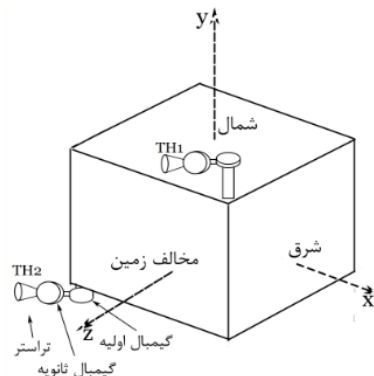
(۲)

که T_i گشتاور حاصل از تراستر i ام و T گشتاور کل حول مرکز جرم و N تعداد تراسترها می باشد.



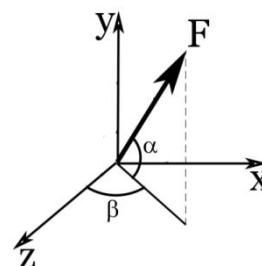
شکل ۱۰. موقعیت قرارگیری تراستر در چیدمان چهار تراستری

سمت مخالف زمین به صورت قرینه نسبت به مرکز جرم ماهواره قرار دارند.



شکل ۷. موقعیت قرارگیری تراستر در چیدمان دو تراستری

سیستم گیمبال مورد استفاده در این تراسترها دارای دو گیمبال عمودی با زاویه فراز α و گیمبال افقی با زاویه آزیموت β می‌باشد (شکل ۸). محور گیمبال افقی هم راستای محور Y و محور گیمبال عمودی در ابتدا هم راستای محور X است که با تغییر در گیمبال افقی ممکن است محور گیمبال عمودی دیگر هم راستای محور X نباشد. در این چیدمان زاویه های فراز و آزیموت دو تراستر بصورت مستقل از یکدیگر قابل کنترل است.



شکل ۸. جهت های چرخش تراستر و زوایای (آزیموت) β (فراز) و α

چیدمان سه تراستری

در این ساختار از سه تراستر گیمبال TH_1, TH_2, TH_3 استفاده شده است که در دو صفحه شمالی و جنوبی قرار گرفته‌اند (شکل ۹). دو تراستر در صفحه شمالی و یک تراستر در صفحه جنوبی هستند. دو تراستر صفحه شمالی در گوشه های آن و تراستر جنوبی در وسط وجه جنوبی و نزدیک وجه مخالف زمین قرار دارند.

سیستم گیمبال مورد استفاده در این تراسترها همانند حالت قبل دارای دو گیمبال عمودی با زاویه فراز α و گیمبال افقی با زاویه آزیموت β می‌باشد.

چیدمان ۴ تراستری بصورت جفت تراستری

در ساختارهای فوق، گشتاورهای مختلفی حول مرکز جرم و محورهای مختصات بدنی ماهواره ایجاد می‌شود. برای بررسی پوشش فضای کاری گشتاورهای حول مرکز جرم ساختارهای معرفی شده، شبیه‌سازی گشتاورهای کل (T) تولید شده حول مرکز جرم با استفاده از نرم افزار متلب انجام شده است. نتایج در جدول ۳ ارائه شده است. از نتایج به دست آمده می‌توان دریافت که همه ساختارهای معرفی شده، کل فضای حول مرکز جرم را پوشش می‌دهند. این بدان معناست که گشتاور کنترلی در تمام راستاها امکان‌پذیر است و لذا کنترل سه محور ماهواره میسر خواهد شد.

شایستگی چیدمان

در بخش قبل مشاهده شد همه چیدمان‌های مطرح شده در پوشش فضای کاری گشتاورها موفق عمل کرده‌اند. این بدان معناست که با این چیدمان‌ها می‌توان گشتاورهای مختلفی در همه جهت‌های قابل کنترل ایجاد کرد. اصولاً بررسی فضای کاری گشتاورهای کنترلی این امکان را برای طراح فراهم می‌کند تا شایستگی چیدمان تراسترها را بررسی کند. معیار شایستگی چیدمان بر اساس قابلیت اطمینان آن، ادامه یافتن کنترل ماهواره با وجود معیوب شدن تعدادی از تراسترها می‌باشد. اختلاف ساختارهای فوق نیز بر پایه شایستگی آنهاست. برای بررسی این مسأله، فرض بر این است که یک یا تعدادی از تراسترها یا جفت تراسترها و یا سیستم گیمبال آنها معیوب شوند و از کار بیفتند. این به معنی آن است که تراستر هیچ گشتاوری نتواند تولید کند. برای چیدمان‌های مختلف شبیه‌سازی انجام شده است. برای شبیه سازی فرض بر نرمال بودن اندازه‌ها قرار داده شده است. سطح تراست را برای همه تراسترها ۱ و اندازه بازوهای گشتاور نیز در هر کدام از راستاهای x و y و z، ۱ در نظر گرفته شده است. از جدول ۴ مشاهده می‌شود برای چیدمان دو تراستری با از دست رفتن یک تراستر به میزان قابل توجهی از فضای کاری (جهت‌های قابل کنترل) از دست داده می‌شود و کنترل وضعیت سه محوره ماهواره با یک تراستر باقیمانده با مشکل مواجه خواهد شد. از این رو، ساختار دو تراستری علیرغم مصرف کمتر سوخت، قابلیت اطمینان بسیار پایینی دارد.

جدول ۵ ساختار سه تراستری را نشان می‌دهد. با از دست رفتن هر یک از تراسترها بخشی از فضا از دست می‌رود. با توجه به شکل‌های به دست آمده می‌توان دریافت که از دست رفتن تراستر جنوبی تأثیر کمتری بر میزان گشتاورهای تولید شده حول مرکز جرم دارد و از دست رفتن هر یک از تراسترهای شمالی بخش‌های بسیار بیشتری از فضا از دست می‌رود. اگر در این ساختار دو تراستر از دست برود به مانند حالت قبل با یک تراستر عملاً کنترل وضعیت سه محوره با مشکل مواجه خواهد شد.

همانند سه حالت قبل در این ساختار سیستم گیمبال دو محوره مشابه استفاده شده است. در این ساختار به جای استفاده از تراسترهای مجزا از جفت تراسترها استفاده می‌شود به این معنی که زاویه‌های آزیموت و فراز در هر جفت تراستر به صورت یکسان تغییر می‌کند. هر جفت تراستر یک تراستر شمالی TH_1 و TH_2 و یک تراستر جنوبی TH_3 و TH_4 دارد (شکل ۱۰). بنابراین چهار تراستر در گوشه‌های صفحات شمالی و جنوبی به صورت دو به دو قرار گرفته‌اند. به عبارت دیگر کنترل تراسترها به صورت جفت تراستری وابسته به یکدیگر است. برای مثال هر سیگنال کنترلی که به تراستر گیمبال ۱ اعمال شود، همین سیگنال به تراستر گیمبال ۳ نیز اعمال می‌شود و تغییر زوایای آزیموت و فراز یکسان خواهد بود. این ساختار در دو بخش بررسی می‌شود. ابتدا با زاویه آزیموت یکسان و هم جهت برای هر جفت تراستر و دیگری با زاویه آزیموت یکسان و غیر هم جهت برای هر جفت تراستر. معادلات مؤلفه‌های نیروی تولید شده توسط تراسترها بصورت زیر است:

$$F_i = [F_{xi} \quad F_{yi} \quad F_{zi}]$$

برای جفت تراستر اول :

$$\begin{cases} F_{xi} = f_i \cos \alpha_1 \sin \beta_1 \\ F_{yi} = f_i \sin \alpha_1 \\ F_{zi} = f_i \cos \alpha_1 \cos \beta_1 \end{cases} \quad i = 1,3$$

برای جفت تراستر دوم :

$$\begin{cases} F_{xi} = f_i \cos \alpha_2 \sin \beta_2 \\ F_{yi} = f_i \sin \alpha_2 \\ F_{zi} = f_i \cos \alpha_2 \cos \beta_2 \end{cases} \quad i = 2,4 \quad (3)$$

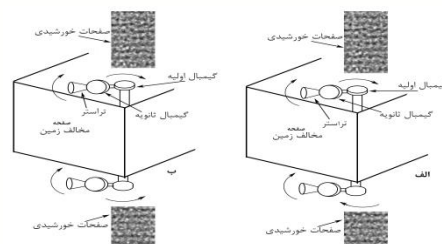
برای گشتاور کل حول مرکز جرم داریم:

$$T_i = r_i \times F_i$$

$$T = \sum_{i=1}^4 T_i$$

(۴)

در حالتی که زاویه آزیموت در جفت تراسترها خلاف جهت هم باشند، تغییری که در معادلات بالا ایجاد می‌شود، تبدیل β_1 و β_2 به $-\beta_1$ و $-\beta_2$ در تراسترهای سوم و چهارم می‌باشد که در صفحه جنوبی قرار دارند و به عبارتی تراسترهای ثانویه جفت تراسترها می‌باشند (شکل ۱۱).



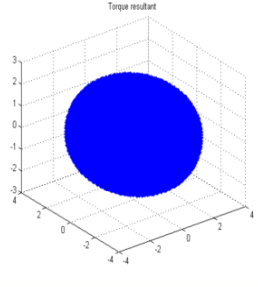
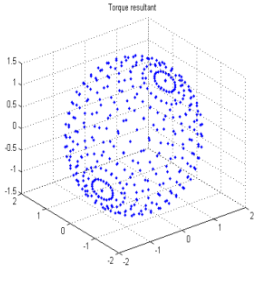
شکل ۱۱. الف) آزیموت هم جهت، ب) آزیموت غیرهم جهت

جدول ۳: فضای کاری گشتاورها در ساختارهای مختلف

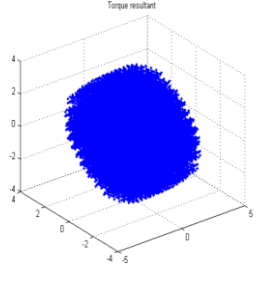
۴ تراستری مجزا	۳ تراستری	۲ تراستری
کنترل مجزا هر تراستر	کنترل مجزا هر تراستر	کنترل مجزا هر تراستر

۴ تراستری جفت	۴ تراستری جفت
کنترل وابسته تراسترهای شمالی و جنوبی با زاویه آزیموت غیرهم جهت	کنترل وابسته تراسترهای شمالی و جنوبی با زاویه آزیموت هم جهت

جدول شماره ۴. فضای کاری گشتاورهای حول مرکز جرم در ساختار دو تراستری

ساختار	گشتاورهای تولیدی حول مرکز جرم	قیود زاویه
ساختار ۲ تراستری		آزیموت: ± 180 فراز: ± 90
ساختار ۲ تراستری در صورت خراب شدن تراستر جنوبی TH_2		آزیموت: ± 180 فراز: ± 90

جدول شماره ۵. فضای کاری گشتاورهای حول مرکز جرم در ساختار سه تراستری

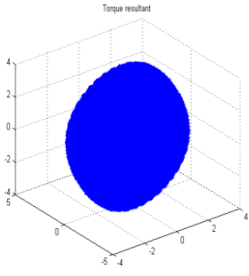
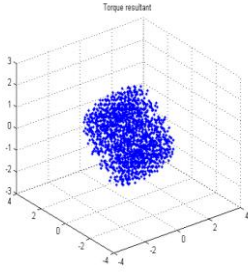
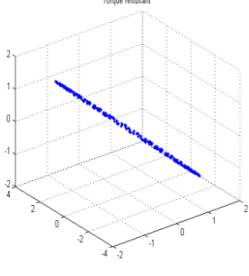
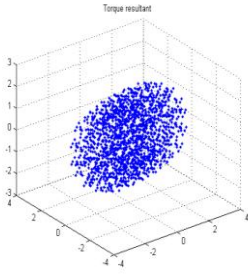
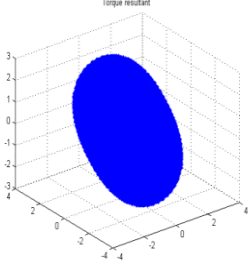
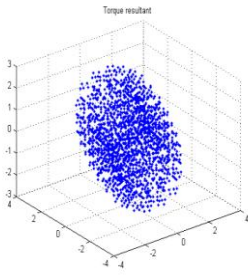
ساختار	گشتاورهای تولیدی حول مرکز جرم	قیود زاویه
ساختار ۳ تراستری		± 180 آزیموت: ± 90 فراز:

جدول ۶ ساختار چهار تراستری را نشان می‌دهد که در این ساختار زاویه آزیموت یکسان و هم جهت برای هر جفت تراستر است. با از دست رفتن هر یک از تراسترها میزان کمی از گشتاورهای تولیدی کاهش پیدا می‌کند. در این حالت تراستر دیگر با اعمال گشتاور اضافی باید کمبود تراستر معیوب جفتش را جبران کند. به هر حال وجود دو جفت تراستر بر قابلیت اطمینان ساختار افزوده خواهد شد. اما اگر با از بین رفتن یک تراستر جفت آن نیز دچار مشکل شود و از کار بیفتد، میزان بسیار قابل توجهی از میزان و جهت گشتاورهای تولیدی کم می‌شود و این به معنی بروز مشکل اساسی در کنترل ماهواره است. در حالتی که دو تراستر معیوب از هر کدام از جفت‌ها باشد یعنی دو تراستر شمالی یا جنوبی از کار بیفتند، ماهواره همچنان با دو تراستر کنترل خواهد شد.

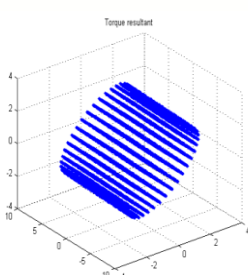
جدول ۷ ساختار چهار تراستری را نشان می‌دهد که در این ساختار زاویه آزیموت یکسان و غیر هم جهت برای هر جفت تراستر است. همانند حالت قبل با از دست رفتن تراسترها بخش‌هایی از اندازه و جهت فضای کاری گشتاورها از دست می‌رود با این تفاوت که اندازه گشتاور تولید شده در این حالت کمتر از حالت قبل می‌باشد و این به معنی افزایش مصرف سوخت برای تراستر می‌باشد.

جدول ۸ ساختار چهار تراستری با تراسترهای مجزا را نشان می‌دهد. به جهت وجود سیگنال کنترل مجزا برای هر یک از تراسترها و ایجاد نیرو در تمام جهات مختلف توسط تراسترها، با از دست رفتن هر کدام از تراسترها کنترل همچنان پابرجاست و تنها با تغییر در سطح تراست می‌توان گشتاورهای مطلوب را به دست آورد. در واقع این ساختار از لحاظ قابلیت اطمینان بهترین شرایط را دارا می‌باشد. اگر دو تراستر معیوب شوند، کنترل وضعیت ماهواره همچنان با دو تراستر باقیمانده انجام می‌شود.

در تمام این جداول هر چه فضای کاری در شکل‌ها کم‌رنگ شده است به معنای کاهش پوشش فضای گشتاوری است. در مقایسه با تراسترهای ثابت، استفاده از ۲ تا ۴ تراستر گیمبالی به میزان قابل ملاحظه‌ای در مصرف سوخت و توان مصرفی تراسترها صرفه‌جویی می‌شود.

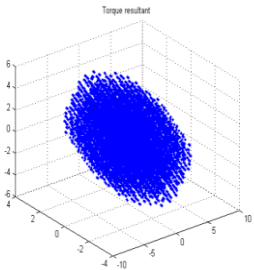
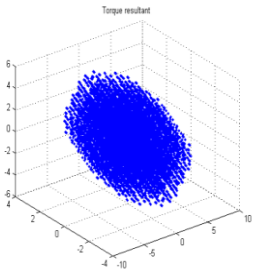
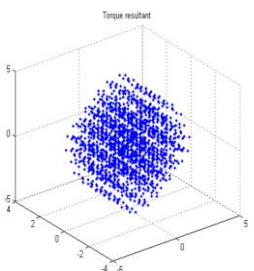
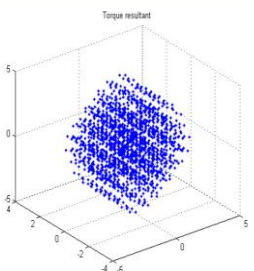
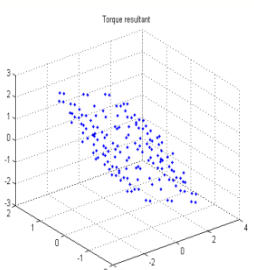
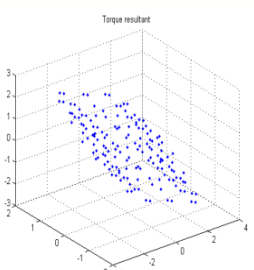
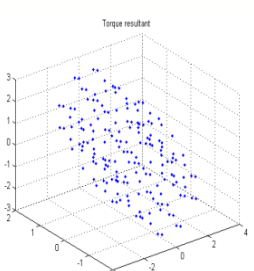
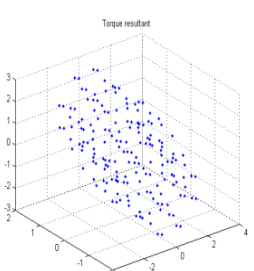
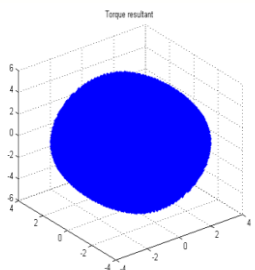
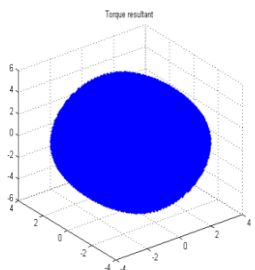
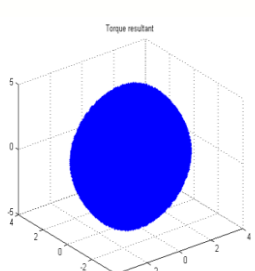
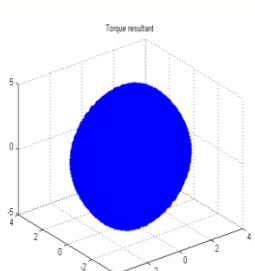
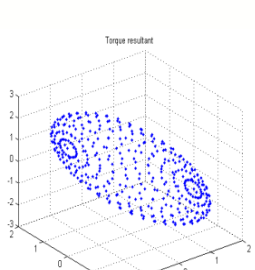
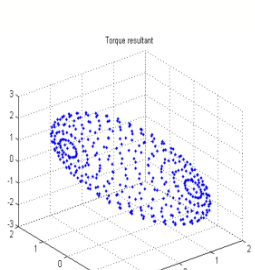
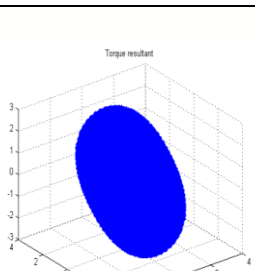
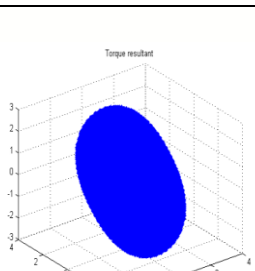
<p>180± آزیموٹ : 90± فراز :</p> <hr/> <p>کنترل تراسترها وابسته به صورت جفت تراستر شمالی و جنوبی</p>		<p>ساختار ۴ تراستری در صورت خراب شدن TH_4 تراستر</p>	<p>180± آزیموٹ : 90± فراز :</p> <hr/> <p>کنترل تراسترها مستقل</p>		<p>ساختار ۳ تراستری در صورت خراب شدن تراستر TH_1</p>
<p>180± آزیموٹ : 90± فراز :</p> <hr/> <p>کنترل تراسترها وابسته به صورت جفت تراستر شمالی و جنوبی</p>		<p>ساختار ۴ تراستری در صورت خراب شدن جفت تراستر TH_1 شرقی و TH_3</p>	<p>180± آزیموٹ : 90± فراز :</p> <hr/> <p>کنترل تراسترها مستقل</p>		<p>ساختار ۳ تراستری در صورت خراب شدن تراستر TH_2</p>
<p>180± آزیموٹ : 90± فراز :</p> <hr/> <p>کنترل تراسترها وابسته به صورت جفت تراستر شمالی و جنوبی</p>		<p>ساختار ۴ تراستری در صورت خراب شدن جفت تراستر TH_3 جنوبی و TH_4</p>	<p>180± آزیموٹ : 90± فراز :</p> <hr/> <p>کنترل تراسترها مستقل</p>		<p>ساختار ۳ تراستری در صورت خراب شدن تراستر TH_3</p>

جدول شماره ۶. فضای کاری گشتاورهای حول مرکز جرم در ساختار چهار تراستری با جفت تراسترهای با زاویه آزیموٹ هم جهت

قیود زاویه	گشتاورهای تولیدی حول مرکز جرم	ساختار
<p>180± آزیموٹ : 90± فراز :</p> <hr/> <p>کنترل تراسترها وابسته به صورت جفت تراستر شمالی و جنوبی</p>		<p>ساختار ۴ تراستری</p>

جدول شماره ۷. فضای کاری گشتاورهای حول مرکز جرم در ساختار چهار تراستری با جفت تراسترهای با زاویه آزمون غیرهم جهت

جدول شماره ۸. فضای کاری گشتاورهای حول مرکز جرم در ساختار چهار تراستری با تراسترهای مجزا

ساختار	گشتاورهای تولیدی حول مرکز جرم	قیود زاویه	ساختار	گشتاورهای تولیدی حول مرکز جرم	قیود زاویه
ساختار ۴ تراستری		آزمون: ± 180 فراز: ± 90 کنترل تراسترها مستقل	ساختار ۴ تراستری مستقل		آزمون: ± 180 فراز: ± 90 کنترل تراسترها مستقل
ساختار ۴ تراستری در صورت خراب شدن TH_4		آزمون: ± 180 فراز: ± 90 کنترل تراسترها مستقل	ساختار ۴ تراستری در صورت خراب شدن TH_4		آزمون: ± 180 فراز: ± 90 کنترل تراسترها مستقل
ساختار ۴ تراستری در صورت خراب شدن جفت تراستر شرقی TH_1 و TH_3		آزمون: ± 180 فراز: ± 90 کنترل تراسترها مستقل	ساختار ۴ تراستری در صورت خراب شدن جفت تراستر شرقی TH_1 و TH_3		آزمون: ± 180 فراز: ± 90 کنترل تراسترها مستقل
ساختار ۴ تراستری در صورت خراب شدن جفت تراستر جنوبی TH_3 و TH_4		آزمون: ± 180 فراز: ± 90 کنترل تراسترها مستقل	ساختار ۴ تراستری در صورت خراب شدن جفت تراستر جنوبی TH_3 و TH_4		آزمون: ± 180 فراز: ± 90 کنترل تراسترها مستقل
ساختار ۴ تراستری		آزمون: ± 180 فراز: ± 90 کنترل تراسترها وابسته به صورت جفت تراستر شمالی و جنوبی	ساختار ۴ تراستری		آزمون: ± 180 فراز: ± 90 کنترل تراسترها وابسته به صورت جفت تراستر شمالی و جنوبی
ساختار ۴ تراستری در صورت خراب شدن TH_4		آزمون: ± 180 فراز: ± 90 کنترل تراسترها وابسته به صورت جفت تراستر شمالی و جنوبی	ساختار ۴ تراستری در صورت خراب شدن TH_4		آزمون: ± 180 فراز: ± 90 کنترل تراسترها وابسته به صورت جفت تراستر شمالی و جنوبی
ساختار ۴ تراستری در صورت خراب شدن جفت تراستر شرقی TH_1 و TH_3		آزمون: ± 180 فراز: ± 90 کنترل تراسترها وابسته به صورت جفت تراستر شمالی و جنوبی	ساختار ۴ تراستری در صورت خراب شدن جفت تراستر شرقی TH_1 و TH_3		آزمون: ± 180 فراز: ± 90 کنترل تراسترها وابسته به صورت جفت تراستر شمالی و جنوبی
ساختار ۴ تراستری در صورت خراب شدن جفت تراستر جنوبی TH_3 و TH_4		آزمون: ± 180 فراز: ± 90 کنترل تراسترها وابسته به صورت جفت تراستر شمالی و جنوبی	ساختار ۴ تراستری در صورت خراب شدن جفت تراستر جنوبی TH_3 و TH_4		آزمون: ± 180 فراز: ± 90 کنترل تراسترها وابسته به صورت جفت تراستر شمالی و جنوبی

جدول شماره ۹. میزان گشتاور تولیدی توسط تراسترها و تأثیر معیوب شدن تراسترها بر گشتاور کل در حالت سه تراستری با کنترل مجزا

	T_{iNm}	$\alpha_{i deg}$	$\beta_{i deg}$	f_{iN}	کل T_{Nm}
T_1	0.4260	30	90	0.4	1
T_2	0.6772	30	90	0.4	
T_3	0.2	0	0	0.2	

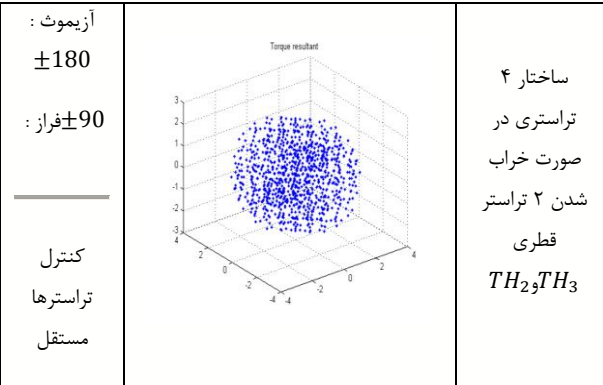
TH_1 معیوب	T_{iNm}	$\alpha_{i deg}$	$\beta_{i deg}$	f_{iN}	کل T_{Nm}
T_2	1.0158	30	90	0.6	1.002
T_3	0.2646	-30	90	0.2	

TH_2 معیوب	T_{iNm}	$\alpha_{i deg}$	$\beta_{i deg}$	f_{iN}	کل T_{Nm}
T_1	0.9164	-30	30	0.6	0.916
T_3	0	-30	30	0	

TH_3 معیوب	T_{iNm}	$\alpha_{i deg}$	$\beta_{i deg}$	f_{iN}	کل T_{Nm}
T_1	0.9013	10	90	0.7	0.971
T_2	0.12	-15	45	0.2	

جدول شماره ۱۰. میزان گشتاور تولیدی توسط تراسترها و تأثیر معیوب شدن تراسترها بر گشتاور کل در حالت چهار تراستری با کنترل مجزا

	T_{iNm}	$\alpha_{i deg}$	$\beta_{i deg}$	f_{iN}	کل T_{Nm}
T_1	0.6389	-30	0	0.6	1
T_2	0.5657	0	90	0.4	
T_3	0.5657	0	90	0.4	
T_4	0.6389	30	0	0.6	



انتخاب ساختار

در بخش قبل مشاهده شد که بطور کلی همه چیدمان‌های معرفی شده در پوشش فضای کاری موفق عمل می‌کنند. با این وجود اختلاف اساسی بین آنها در پوشش فضای کاری زمانی است که یک تراستر یا بیشتر از گردونه کنترل خارج شده و به علل مختلف نتواند گشتاور مورد نیاز را تأمین کنند.

در این بخش مسأله از زاویه دیگر مورد بررسی قرار می‌گیرد. به فرض داشتن یک گشتاور کنترلی نمونه با اندازه واحد در مرکز جرم ماهواره، میزان گشتاور تولید شده توسط هر تراستر در هر یک از چیدمان‌ها محاسبه می‌شود. سپس در هر یک از چیدمان‌ها زمانی که تراستر یا تراسترهایی معیوب شوند، تأثیر عدم تولید گشتاور توسط آنها بر گشتاور نمونه و گشتاور تولید شده توسط تراسترهای دیگر نشان داده می‌شود.

برای تنظیم زوایای α و β هر تراستر برای تولید یک گشتاور نمونه، حالات مختلفی ممکن است اتفاق بیفتد. اما همه این حالات بهینه نیستند. برخی از این حالت‌ها زمانی که قیودی بر زوایای α و β سیستم گیمبال اعمال شود، حذف می‌شوند. همچنین حالتی باید در نظر گرفته شود که مصرف سوخت کمتری را موجب شود و میزان نیروی تراست کمتری احتیاج داشته باشد. در نتیجه می‌توان با کمی دقت، بهترین و بهینه ترین حالت را بدست آورد. نتایج و زوایای بدست آمده در جداول ۹-۱۲ برای چیدمان‌های مختلف بیان شده است.

TH_4 و TH_2 معیوب	T_{iNm}	$\alpha_{i deg}$	$\beta_{i deg}$	f_{iN}	کل T_{Nm}
T_1	0.9899	0	90	0.7	1
T_3	0.1414	0	90	0.1	

TH_1 معیوب	T_{iNm}	$\alpha_{i deg}$	$\beta_{i deg}$	f_{iN}	کل T_{Nm}
T_2	2.3701	-30	0	1.4	1
T_3	2.3701	-30	0	1.4	
T_4	1.1314	0	90	0.8	

TH_3 و TH_2 معیوب	T_{iNm}	$\alpha_{i deg}$	$\beta_{i deg}$	f_{iN}	کل T_{Nm}
T_1	0.9899	0	90	0.7	1
T_4	0.1414	0	90	0.1	

TH_2 معیوب	T_{iNm}	$\alpha_{i deg}$	$\beta_{i deg}$	f_{iN}	کل T_{Nm}
T_1	1.4908	-30	0	1.4	1
T_3	1.1314	0	90	0.8	
T_4	1.4908	30	0	1.4	

جدول شماره ۱۱: میزان گشتاور تولیدی توسط تراسترها و تأثیر معیوب شدن تراسترها بر گشتاور کل در حالت چهار تراستری با کنترل وابسته و جفت تراستر با زاویه آزیموت هم جهت

	T_{iNm}	$\alpha_{i deg}$	$\beta_{i deg}$	f_{iN}	کل T_{Nm}
T_1	0.5657	0	0	0.4	1
T_2	0.2	0	45	0.2	
T_3	0.5657	0	0	0.4	
T_4	0.8	0	45	0.8	

TH_3 معیوب	T_{iNm}	$\alpha_{i deg}$	$\beta_{i deg}$	f_{iN}	کل T_{Nm}
T_1	0.3386	30	0	0.2	1
T_2	1.1314	0	90	0.8	
T_4	0.3386	-30	0	0.2	

TH_4 معیوب	T_{iNm}	$\alpha_{i deg}$	$\beta_{i deg}$	f_{iN}	کل T_{Nm}
T_1	0	0	45	0	1.04
T_2	0	0	45	0	
T_3	1.0392	0	45	0.6	

TH_4 معیوب	T_{iNm}	$\alpha_{i deg}$	$\beta_{i deg}$	f_{iN}	کل T_{Nm}
T_1	1.1314	0	90	0.8	1
T_2	0.2130	-30	0	0.2	
T_3	0.2130	30	0	0.2	

جفت TH_4 و TH_2 معیوب	T_{iNm}	$\alpha_{i deg}$	$\beta_{i deg}$	f_{iN}	کل T_{Nm}
T_1	0	0	45	0	1.04
T_3	1.0319	0	45	0.6	

TH_1 و TH_2 معیوب	T_{iNm}	$\alpha_{i deg}$	$\beta_{i deg}$	f_{iN}	کل T_{Nm}
T_3	1.4908	0	-60	1.4	1.02
T_4	1.6752	30	81	1.9	

لازم را در جهت مطلوب به ماهواره وارد کند. همه این آرایش‌ها از نظر پوشش فضای کاری گشتاورهای حول مرکز جرم ماهواره موفق عمل می‌کنند. با این وجود، در حالت استفاده از دو تراستر سوخت کمتری مصرف خواهد شد. اما این تا زمانی امکانپذیر است که هیچ کدام از تراسترها به علت‌های مختلف از چرخه‌ی کنترل خارج نشوند. در صورت معیوب شدن یک تراستر و یا سیستم گیمبال آن، کنترل وضعیت ماهواره با مشکل مواجه خواهد شد. از این رو برای بالا بردن قابلیت اطمینان از ساختارهای سه و چهار تراستری استفاده می‌شود. بهترین حالت استفاده از چهار تراستر مجزا می‌باشد زیرا حتی با معیوب شدن دو تراستر کنترل همچنان ادامه پیدا می‌کند. ذکر این نکته ضروریست که انتخاب ساختار مناسب، بستگی به شرایط مأموریت فضایی مورد نظر دارد.

مراجع

[۱] مارسل جی سیدی، دینامیک و کنترل فضاپیما، ترجمه رضا اسماعیل پور، ۱۳۹۰

- [2] Zuliana I, Renuganth V, "A study of reaction wheel configurations for a 3-axis satellite attitude control", *Advances in Space Research*, 2009, pp. 750-759
- [3] Sung-Moon Yoo, Sangjin Lee b, Chandeok Park , Sang-Young Park, "Spacecraft fuel-optimal and balancing maneuvers for a class of formation reconfiguration problems", *Advances in Space Research*, 2013
- [4] Richard Q, Laguna N, Calif, "Spacecraft Attitude Control With Gimballed Thrusters", *United States Patent*, 2000
- [5] Anzel. B. M, Noyola. R. A, Ho. Yiu-Hung M, "Fuel Efficient Methods for Satellite Stationkeeping and Momentum Dumping", *European Patent Specification*, 2004
- [6] Daryl K. H, Walter S. G, Richard M. M, "Multiple Usage Thruster Mounting Configuration", *United States Patent*, 2000
- [7] Glogowski M. J, "Gimballed Ion Thruster Arrangement for High Efficiency Stationkeeping", *United States Patent*, 2003
- [8] *Spacecraft Mechanisms Product Catalog*, Moog Company
- [9] Pablo A. Servidia, "Control allocation for gimballed/fixed thrusters", *Acta Astronautica*, 2009, pp 587-594

جدول شماره ۱۲: میزان گشتاور تولیدی توسط تراسترها و تأثیر معیوب شدن تراسترها بر گشتاور کل در حالت چهار تراستری با کنترل وابسته و جفت تراستر با زاویه آزیموت غیر هم جهت

	T_{iNm}	α_{ideg}	β_{ideg}	f_{iN}	کل T_{Nm}
T_1	0.3464	0	45	0.2	1
T_2	0.4	0	45	0.4	
T_3	0.6	0	-45	0.6	
T_4	0.3464	0	-45	0.2	

TH_4 معیوب	T_{iNm}	α_{ideg}	β_{ideg}	f_{iN}	کل T_{Nm}
T_1	0	0	45	0	1
T_2	0.6	0	45	0.6	
T_3	0.8	0	-45	0.8	

جفت TH_4 و TH_2 معیوب	T_{iNm}	α_{ideg}	β_{ideg}	f_{iN}	کل T_{Nm}
T_1	0.6325	-15	90	0.4	1.001
T_3	0.6325	-15	-90	0.4	

با توجه به جداول بالا، مشخص است که دقت عملکرد تولید گشتاور در حالت چهار تراستری با کنترل مجزا از سایر چیدمان‌ها بالاتر است و حتی با از دست دادن دو تراستر برقراری کنترل وضعیت با دقت مطلوبی امکانپذیر است.

نتیجه گیری

هدف از انجام این پژوهش، بررسی و آنالیز آرایش‌های تراسترهای یک ماهواره سه محوره می‌باشد. همه آرایش‌های معرفی شده در این مقاله، از تراسترهای متحرک دو محوره استفاده می‌کنند. چرخش سیستم گیمبال به تراستر این اجازه را می‌دهد که نیروی

